

10. Mai 2013

11. Übungsblatt Kryptologie

Aufgabe 1: (6 Punkte)

Wir betrachten einen Mini-SHA, der nicht mit Wörtern der Länge 32 oder 64 arbeitet, sondern mit solchen der Länge acht. Berechnen Sie für die (hexadezimal dargestellten) Wörter $x = AB$, $y = C2$ und $z = 17$ die Ergebnisse der folgenden SHA-Operationen:

- a) $\text{ROTR}^3(x)$ und $\text{SHR}^3(x)$
- b) $x \oplus y$ und $x + y$
- c) $\text{Maj}(x, y, z)$
- d) $\text{Ch}(x, y, z)$

Aufgabe 2: (9 Punkte)

Bei der Erzeugung einer elektronischen Unterschrift nach DSA muß für jede zu unterschreibende Nachricht eine Zufallszahl k gewählt werden. Welche der folgenden Strategien zur Wahl von k sind sicher, und welche Attacken gibt es gegen die anderen? Dabei sei jeweils k_0 eine ein für allemal fest gewählte Zufallszahl und Δ sei das Datum in der Form Tag:Monat:Jahr:Stunde:Minute, aufgefaßt als zehnstellige Zahl (also z.B. 1705131155 für das Abgabedatum dieses Übungsblatts):

- | | |
|--|------------------------------------|
| 1.) $k = k_0 + 3i$ für die i -te Nachricht | 2.) $k = k_0 + \Delta$ |
| 3.) $k = \text{SHA}(k_0 + 3i)$ für die i -te Nachricht | 4.) $k = \text{SHA}(k_0 + \Delta)$ |
| 5.) $k = \text{SHA}(\text{vorigem } k)$ | 6.) $k = \text{SHA}(\Delta)$ |

Mit SHA ist hier jeweils einer der beiden Algorithmen SHA-256 oder SHA-512/256 gemeint.

Aufgabe 3: (5 Punkte)

- a) Sie wählen bei DSA mit 256-Bit-Unterschriften die Werte von k jeweils zufällig. Nach wie vielen Unterschriften ist die Wahrscheinlichkeit, daß Sie zweimal denselben Schlüssel gewählt haben, in der Größenordnung der Wahrscheinlichkeit für sechs Richtige im Lotto?
- b) Nach wie vielen Unterschriften entspricht sie der Wahrscheinlichkeit für sechs Richtige im Lotto in zwei aufeinanderfolgenden Wochen?

Abgabe bis zum Freitag, dem 17. Mai 2013, um 11.55 Uhr